

Ilyen alakú képletet keresünk: $[3a] = [a] + [a + \alpha] + [a + \beta]$. Ha $0 \leq \alpha, \beta < 1$, akkor egész a -kra helyes az összefüggés. Ha $a = [a] + k$, $0 < k < 1$, akkor míg k 0-tól 1-ig nő, a baloldal értéke kétszer növekszik egy-egy egységgel: a $k = \frac{1}{3}$ és $k = \frac{2}{3}$ helyen. α -t és β -t úgy kell tehát megváltoztatni, hogy a jobb oldalon egyik helyen a második, a másik helyen a harmadik tag értéke növekedjék eggyel. Ennek az $\alpha = \frac{1}{3}$, $\beta = \frac{2}{3}$ választás felel meg, s így

$$[3a] = [a] + \left[a + \frac{1}{3} \right] + \left[a + \frac{2}{3} \right].$$