

Az  $A, B$ ;  $B, C$ ; ill.  $A, C$  pontok közt mérhető ellenállások legyenek

$$a = 1 \text{ ohm}; \quad b = 2 \text{ ohm}; \quad c = 3 \text{ ohm}.$$

Látható, hogy a keresett ellenállások közül egy sem 0 (akkor a végpontjai közt 0 ohm ellenállást mérnénk).

Ekkor feltéve, hogy  $R_1, R_2, R_3$  mindegyik véges érték, beláthatjuk, hogy  $a, b, c$  számokra a háromszög-egyenlőtlenségek teljesülnek. Pl:  $a + b > c$ .

Ugyanis:

$$\begin{aligned} a + b &= \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2 + R_3}} + \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1 + R_3}} = \\ &= \frac{R_1(R_2 + R_3) + R_2(R_1 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3} > \frac{R_3(R_1 + R_2)}{R_1 + R_2 + R_3} = c. \end{aligned}$$

Eszerint csak az az eset marad hátra, hogy az egyik ellenállás helyén megszakad a kör, azaz az ellenállás végtelen. Azonnal látható, hogy ilyen kapcsolást találunk:

$$R_1 = 1 \text{ ohm}, \quad R_2 = 2 \text{ ohm}, \quad R_3 = \infty.$$

Ez az egyetlen megoldás.

*Góth László* (Bp., Könyves K. g. III. o. t.) *dolgozata alapján*

*Megjegyzés:* Általánosan megoldva a feladatot azt kapjuk, hogy

$$R_1 = a + \frac{(a - b + c)(a + b - c)}{2(-a + b + c)} \text{ stb.}$$

Tehát akkor és csak akkor van megoldás, ha  $a, b, c$  eleget tesznek a háromszög-egyenlőtlenségeknek (ha  $a, b, c \neq 0$ ). Ha  $b + c - a = 0$ , a megfelelő ellenállás  $\infty$ , mint láttuk, amit a képlet pozitív szám 0-val való osztásával jelez.

Ha  $a, b, c$  közt van 0, a megoldás nyilvánvalóvá válik.

*Molnár Emil* (Győr, Révai g. IV. o. t)