

A többtagú kifejezés $x^2 - 1$ többszöröse, ha $(x - 1)$ -nek és $(x + 1)$ -nek is többszöröse, tehát ha a többtagú értéke zérus, $x = +1$ és $x = -1$ mellett. Kell tehát, hogy legyen:

$$1 + p + q + a^2 = 0 \quad \text{és} \quad 1 + p - q + a^2 = 0.$$

Innen:

$$p = -(a^2 + 1), \quad q = 0.$$

Eszerint a többtagú kifejezés:

$$x^4 - (a^2 + 1)x^3 + a^2 = (x^2 - 1)(x^2 - a^2).$$

Dorn Tibor (Szent István g. V. o. Bp. XIV.)