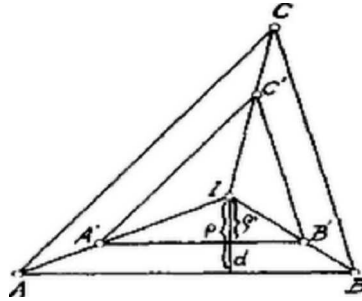


A belső háromszög csúcsai legyenek  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ . Minthogy  $A'$  az  $AB$  és  $AC$  oldalaktól egyenlő távolságban van, az  $\alpha$  szöget felező egyenesen fekszik; ezen egyenes felett az  $\alpha'$  szöget is. Hasonlóan  $B'$  a  $\beta$ ,  $C'$  a  $\gamma$  szöget felező egyenesen fekszik és ezen egyenesek felezik a  $\beta'$  ill.  $\gamma'$  szöget. Ebből következik, hogy a beírt kör középpontja,  $I$ , mindkét háromszögre nézve közös és a két hasonló háromszög az  $I$  pontra nézve hasonló helyzetű is, tehát területük aránya megegyezik a megfelelő oldalak négyzeteinek, ill. a beírt körök sugarainak négyzetes arányával.



Ha az  $ABC\Delta$  területe  $t$ , az  $A'B'C'\Delta$ -é  $t'$ , az előbbire nézve a beírt kör sugara  $\varrho$ , az utóbbira nézve  $\varrho' = \varrho - d$ , akkor

$$t' : t = (\varrho - d)^2 : \varrho^2 \quad \text{vagy} \quad t' : t = \left(1 - \frac{d}{\varrho}\right)^2 : 1.$$

Minthogy

$$\varrho = \frac{2t}{a + b + c} = \frac{2t}{2s} = \frac{t}{s}$$

$$t' = t \left(1 - \frac{ds}{t}\right)^2 = \frac{(t - ds)^2}{t}$$

ahol

$$t = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}.$$

Gáspár Rezső (Kossuth Lajos g. VIII. o. Pestszenterzsébet).