

*Első megoldás.*

$$a^2 = (dq + 1)^2 = d^2q^2 + 2dq + 1 = d(dq^2 + 2q) + 1.$$

A  $(dq^2 + 2q)$ -t röviden  $q_2$ -vel jelölve

$$a^2 = dq^2 + 1.$$

Tegyük fel, hogy

$$a^n = dq_n + 1,$$

akkor

$$a^{n+1} = (dq_n + 1)(dq + 1) = d^2qq_n + d(q + q_n) + 1 = d(dqq_n + q + q_n) + 1.$$

Ha tehát  $dqq_n + q + q_n$  helyett  $q_{n+1}$ -t írunk, akkor

$$a^{n+1} = dq_{n+1} + 1.$$

Ha tehát a tétel igaz  $n$ -re, akkor igaz lesz  $(n+1)$ -re is, ámde  $n = 2$  esetében helyes volt, helyes marad tehát  $a = 3, 4, 5 \dots$  minden pozitív értékére nézve.

*(Paunz János, Pécs.)*

*Második megoldás.*  $a^n = (dy + 1)^n$  értékét kifejtve

$$a^n = d^n q^n + \binom{n}{1} d^{n-1} q^{n-1} + \dots + \binom{n}{n-1} dq + 1 = dq_n + 1.$$

*(Lénárt György, Budapest.)*

*Harmadik megoldás.* Feltételünk szerint  $a - 1$  osztható  $d$ -vel, tehát

$$(a - 1)(a^{n-1} + a^{n-2} + \dots + a^2 + a + 1) = a^n - 1$$

is osztható  $d$ -vel, tehát

$$a^n - 1 = dq_n, \text{ ahonnan } a^n = dq_n + 1.$$

*(Vermes Pál, Budapest.)*