

Legyenek az ABC háromszög a , b és c oldalain a beírható kör érintési pontjai E , D és F . Jelöljük továbbá a beírható kör sugarát r -rel, a DEF háromszög oldalait a_1 , b_1 és c_1 -gyel. Ekkor, mint ismeretes,

$$r = \frac{a_1 b_1 c_1}{4\sqrt{s(s-a_1)(s-b_1)(s-c_1)}} = \frac{145}{8}.$$

Továbbá a DOF háromszögből

$$\sin \frac{180^\circ - \alpha}{2} = \cos \frac{\alpha}{2} = \frac{a_1}{2r} = \frac{100}{145},$$

hasonlóképpen

$$\cos \frac{\beta}{2} = \frac{b_1}{2r} = \frac{116}{145}$$

és

$$\cos \frac{\gamma}{2} = \frac{c_1}{2r} = \frac{144}{145}.$$

A számításokat elvégezve,

$$\alpha = 92^\circ 47' 40'', \quad \beta = 73^\circ 44' 23'', \quad \gamma = 13^\circ 27' 57''.$$

(*Solymári matematikai kör.*)

Az oldalakat így számítjuk ki :

$$a = r \left(\operatorname{ctg} \frac{\beta}{2} + \operatorname{ctg} \frac{\gamma}{2} \right) = r \frac{\cos \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\beta}{2} \sin \frac{\gamma}{2}},$$

$$b = r \frac{\cos \frac{\beta}{2}}{\sin \frac{\alpha}{2} \sin \frac{\gamma}{2}}, \quad c = r \frac{\cos \frac{\gamma}{2}}{\sin \frac{\alpha}{2} \sin \frac{\beta}{2}}.$$

A számításokat elvégezve,

$$a = 177,7 \text{ cm}, \quad b = 170,8 \text{ cm}, \quad c = 41,4 \text{ cm}.$$

(*Jánosy József, Esztergom.*)