

(1°) Ha n páros szám, akkor

$$\begin{aligned}1 \cdot 2 - 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 - 4 \cdot 5 + \dots + (n-1)n - n(n+1) &= \\= 2 \cdot (1-3) + 4 \cdot (3-5) + \dots + n \cdot (n-1-n-1) &= \\= -2 \cdot (2+4+\dots+n) &= -2 \cdot \frac{n}{4}(2+n) = -\frac{n}{2}(2+n).\end{aligned}$$

(2°) Ha n páratlan szám, akkor sorunk így írható:

$$\begin{aligned}= 2 \cdot (1-3) + 4 \cdot (3-5) + \dots + (n-1)(n-2-n) + n(n+1) &= \\= -2 \cdot (2+4+\dots+n-1) + n(n+1) &= \\= -2 \cdot (2+n-1) \cdot \frac{n-1}{4} + n(n+1) &= \\= -\frac{(n+1)(n-1)}{2} + n(n+1) &= \frac{(n+1)^2}{2}.\end{aligned}$$

(Krampera Gyula, Debreczen.)

Megoldások száma: 33.