



Az $ABCD$ gúla térfogata:

$$(1) \quad V = \frac{a^2}{4} \sqrt{3} \frac{DC}{3}$$

De

$$(2) \quad DC = CE \cdot \tan \alpha$$

$$(3) \quad CE = a \sin 60^\circ = \frac{a}{2} \sqrt{3}$$

s így

$$(4) \quad DC = \frac{a}{2} \sqrt{3} \tan \alpha$$

(4)-et (1)-be téve, kapjuk:

$$(5) \quad V = \frac{a^2}{4} \sqrt{3} \cdot \frac{a}{6} \sqrt{3} \tan \alpha = \frac{a^3}{8} \tan \alpha$$

miből

$$(6) \quad a = 2 \sqrt[3]{\frac{V}{\tan \alpha}} = 2 \sqrt[3]{V \cot \alpha}$$

ABD háromszög területe:

$$(7) \quad t = \frac{a}{2} \cdot DE$$

Ámde

$$(8) \quad DE = \frac{CE}{\cos \alpha} = \frac{a}{2 \cos \alpha} \sqrt{3}$$

tehát a háromszög területe:

$$(9) \quad t = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4 \cos \alpha}$$

(6)-ot (9)-be téve, kapjuk:

$$t = \frac{\sqrt{3}}{\cos \alpha} \sqrt[3]{V^2 \cot^2 \alpha} = \frac{\sqrt{3}}{\sin \alpha} \sqrt[3]{V^2 \tan \alpha}$$

A megadott értékeket helyettesítve, nyerjük:

$$t = 16,25 \text{ cm}^2.$$

(Suschnik József, főreál. VIII. o.t., Kecskemét.)

A feladatot még megoldották: Friedmann Bernát, S.A.-Ujhely; Kántor Nándor, Budapest; Visnya Aladár, Pécs.