

Tekintsük a feladatot megoldottnak. Az 1. ábrán E és F a PA , illetve PB szakaszok CD -vel való metszéspontjai. Tükrözzük pl. az A pontot K -ra, legyen a tükörkép A' . Mivel K felezi az EF szakaszt, az $AEA'F$ négyszög paralelogramma. Ez azt jelenti, hogy $AE \parallel FA'$, ezért az APB és BFA' szögek egyik szára egybeesik, a másik száruk pedig párhuzamos és ellentétes irányú, tehát kiegészítő szögek. Az $APB \sphericalangle = \alpha$ a k kör egyik AB ívéhez tartozó kerületi szög, ami az adatokból megszerkeszthető. Ugyanúgy, mint a másik AB ívhez tartozó kerületi szög, megszerkeszthető a $BFA' \sphericalangle = 180^\circ - \alpha$ is. Ezután a P pontot úgy kapjuk meg, hogy az A pontot tükrözzük K -ra, és az így kapott A' -vel megszerkesztjük az $A'B$ szakaszhoz tartozó $180^\circ - \alpha$ szögű k_1 és k_2 látóöríveket. A k_1 ív, amelyik $A'B$ -nek ugyanabban a félsíkjában van, mint a K , CD -ből kimetszi az F pontot.

Ez azért van így, mert A' a BP -nek másik félsíkjában van, mint az A , E és F pontok, így az $AEA'F$ paralelogramma-lemeznek minden pontja $A'B$ egyik félsíkjában van. Ezért a másik félsíkban lévő k_2 íven nem kapunk megfelelő F pontot. Az FB egyenes kimetszi a k körből a P pontot.

Bebizonyítjuk, hogy a feladatnak mindig egy megoldása van. Ha az A' pont a k kör belső- vagy határpontja, akkor a k_1 látókörív biztosan metszi a CD hirt egyetlen F pontban, hiszen A' és B a CD különböző félsíkjaiban vannak. A *2. ábrán* A' külső pont, és AA' , valamint a k kör az R pontban metszik egymást. Mivel $\angle ARB < \alpha$, a k_1 látókörív átmegy R -en, és így metszi a KD szakaszt egyetlen F pontban.