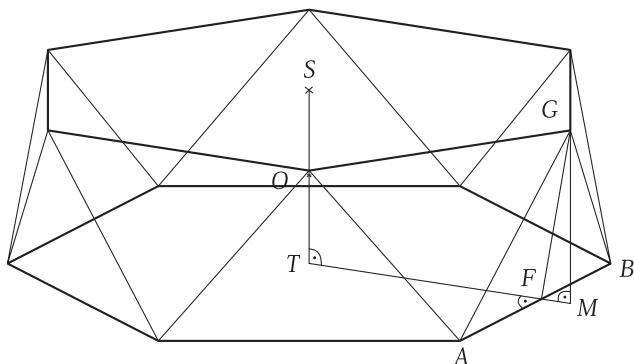


Mivel a hatszögek síkjai párhuzamosak, azért minden háromszög pontosan az egyik hatszöggel érintkezik élben, harmadik csúcsa pedig egybeesik a vele élben nem érintkező hatszög egy csúcsával. Ezért egyetlen, a feltételeknek megfelelő test van, ez látható az *ábrán* (a következő oldalon).



A háromszögek szabályossága miatt a hatszögek minden csúcsára igaz, hogy a másik hatszög két csúcsától egyenlő – egységnyi – távolságra van, azaz benn van a másik hatszög egy élének felező merőleges síkjában. Így ezek a felező merőleges síkok a két hatszög középpontját összekötő egyenesben metszik egymást. Ez az egyenes merőleges a hatszögek síkjaira, ezért a két hatszög középpontját összekötő szakasz felezőpontja a test minden csúcsától egyenlő távolságra van. Ezzel beláttuk, hogy a test köré gömb írható.

Jelöljük a hatszögek középpontját T -vel és S -sel, TS felezőpontját – ami a gömb középpontja – O -val, a T középpontú hatszög két szomszédos csúcsát A -val és B -vel, az AB élt tartalmazó háromszöglap harmadik csúcsát G -vel, G merőleges vetületét az ABT síkon M -mel, végül AB felezőpontját F -fel. Ekkor $TF = GF = \frac{\sqrt{3}}{2}$ (egységnyi oldalú szabályos háromszög magassága), $FM = TM - TF = SG - TF = 1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$. A GMF háromszög derékszögű, mert GM merőleges a TAB síkra, ezért merőleges annak FM egyenesére is. Így alkalmazhatjuk Pitagorasz tételét: $GM = \sqrt{GF^2 - FM^2} = \sqrt{\sqrt{3} - 1}$. A hatszögek síkjainak párhuzamossága miatt $ST = GM$, tehát $OT = \frac{1}{2}\sqrt{\sqrt{3} - 1}$. Végül a keresett sugarat az OTA derékszögű háromszögből határozhatjuk meg, ugyancsak Pitagorasz tételével:

$$OA = \sqrt{OT^2 + TA^2} = \sqrt{\frac{1}{4}(\sqrt{3} - 1) + 1} = \frac{1}{2}\sqrt{3 + \sqrt{3}}.$$

Tehát a test köré gömb írható, és annak sugara $\frac{1}{2}\sqrt{3 + \sqrt{3}} \approx 1,088$.

Hajdufi Péter (Budapest, Baár-Madas Ref. Gimn., II. o.t.) dolgozata alapján