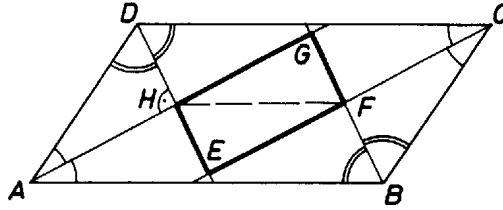


A paralelogramma középpontosan szimmetrikus, ezért a szemközti csúcsokhoz tartozó belső szögfelezők egymás tükörképei, tehát párhuzamosak. Így az  $EFGH$  négyszög is paralelogramma.



Továbbá  $HAD\angle + HDA\angle = \frac{1}{2}(BAD\angle + ABC\angle) = \frac{1}{2} \cdot 180^\circ = 90^\circ$ , azaz  $AHD\angle = 180^\circ - (HAD\angle + HDA\angle) = 90^\circ$ . Tehát  $EFGH$  derékszögű paralelogramma, vagyis téglalap. A téglalap két átlója egyenlő hosszú, ezért elegendő pl. a  $HF$  átló hosszát meghatároznunk.

A  $H$  pont illeszkedik mind az  $A$ , mind a  $D$  csúcsokhoz tartozó belső szögfelezőre, ezért  $H$  egyenlő messze van az  $AB$  és az  $AD$ , valamint az  $AD$  és a  $DC$  oldalaktól, és így  $H$  rajta van a paralelogramma  $AB$  és  $CD$  oldalaival párhuzamos középvonalán. A szimmetria miatt ugyanez az  $F$  pontról is elmondható, ezért  $HF \parallel CD$ . Mivel azonban  $HS \parallel FC$  azért  $HFC$  paralelogramma,  $HF = SC = DC - DS$ . Viszont  $DS = DA$ , mert a  $DAS$  háromszög egyenlő szárú, hiszen  $DSA\angle = SAB\angle$  (váltószögek),  $DAS\angle = SAB\angle$  ( $AS$  szögfelező). Tehát  $HF = DC - DA$ , vagyis az  $EFGH$  négyszög átlójának hossza megegyezik az  $ABCD$  paralelogramma két szomszédos oldalának különbségével,  $|a - b|$ -vel.