

Ha  $1 \leq n \leq 52$ , akkor jelölje  $P(n)$  az 52 kártyalap azon sorrendjeinek számát, ahol a második ász az  $n$ -edik helyen fordul elő. Nyilván azon a helyen a legvalószínűbb a második ász előfordulása, ahol  $P(n)$  értéke a legnagyobb.

Ha a második ászt az  $n$ -edik helyen húzzuk ki (ekkor természetesen  $n > 1$ ), akkor az első ász egyenlő valószínűséggel lehet az első  $n - 1$  hely bármelyikén, a további kettő pedig az első kettőtől függetlenül az  $52 - n$  további hely közül bármely kettőn. Mivel a további 48 lap összesen  $48!$ -féle sorrendje a kérdéses maximum szempontjából közömbös, így

$$\frac{P(n)}{48!} = (n - 1) \binom{52 - n}{2},$$

ami akkor maximális, amikor az  $(n - 1)(51 - n)(52 - n)$  szorzat.

A fenti szorzat maximumának meghatározása az  $(x - 1)(51 - x)(52 - x)$  folytonos függvény vizsgálatával, analízisbeli eszközök segítségével, majd az  $n$  lehetséges értékeinek vizsgálatával történhet. Az alábbiakban egy viszonylag gyors, elemi, bár nem teljesen precíz lehetőséget mutatunk be.

A kérdéses szorzatot írjuk

$$\frac{1}{2}(2n - 2)(51 - n)(52 - n) = \frac{1}{2}q(n)$$

alakba. A tényezők összege a  $q(n)$  szorzatban állandó, így alkalmazható a számtani és mértani közép közti egyenlőtlenség:

$$q(n) \leq \left(\frac{101}{3}\right)^3,$$

így, mivel  $n$  egész,

$$(n - 1)(51 - n)(52 - n) \leq \left[\left(\frac{101}{3}\right)^2 \cdot \frac{1}{2}\right] = 19079.$$

Ha  $n = 18$ , akkor

$$(n - 1)(51 - n)(52 - n) = 19074,$$

és látható, hogy ha  $n$  értéke 1-gyel változik, akkor a szorzat értéke az  $19079 - 19074 = 5$  értéknél jóval nagyobbat változik, így csak csökkenhet. A  $(17, 19)$  intervallumban tehát lokális maximuma van az  $(x - 1)(51 - x)(52 - x)$  függvénynek. Ha most a szorzat az  $[1, 52]$  intervallumban még valahol 19073-nál nagyobb értéket venne föl, akkor ugyanilyen megfontolás szerint ott is lokális maximuma volna, ami viszont harmadfokú függvény esetén nem lehetséges.