

Az egyenletet 2-vel szorozva, a bal oldalon teljes négyzetek összegét kapjuk:

$$\begin{aligned} 2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 2v^2 - 2xy - 2yz - 2zv - 2v + 4/5 &= \\ = x^2 + (y-x)^2 + (z-y)^2 + (v-z)^2 + (1-v)^2 - 1/5, \end{aligned}$$

azaz

$$(1) \quad x^2 + (y-x)^2 + (z-y)^2 + (v-z)^2 + (1-v)^2 = 1/5.$$

Vegyük észre, hogy (1) bal oldalán öt olyan szám négyzete áll, melyek összege 1. A számtani és négyzetes közepek közötti egyenlőtlenség szerint

$$\begin{aligned} \sqrt{\frac{x^2 + (y-x)^2 + (z-y)^2 + (v-z)^2 + (1-v)^2}{5}} &\geq \\ &\geq \sqrt{\frac{|x| + |y-x| + |z-y| + |v-z| + |1-v|}{5}} \geq \\ &\geq \frac{x + (y-x) + (z-y) + (v-z) + (1-v)}{5} = \frac{1}{5}. \end{aligned}$$

A kapott egyenlőtlenségben (1) szerint egyenlőség áll. Ez pontosan akkor teljesül, ha egyfelől

$$(2) \quad |x| = |y-x| = |z-y| = |1-v|,$$

másfelől a másodszor alkalmazott háromszög-egyenlőtlenségben az összeg valamennyi tagja egyenlő és pozitív. Ez azt jelenti, hogy (2)-ben az abszolút érték jele elhagyható, és az eredetivel ekvivalens (1) egyenlőség pontosan akkor teljesül, ha $x = y - x = z - y = v - z = 1 - v$, azaz $x = 1/5$, $y = 2/5$, $z = 3/5$ és $v = 4/5$. Mivel lépéseink megfordíthatók, a talált értékek megoldásai az egyenletnek.