

Ha $x = y$ és $z = 0$, akkor (1) szerint $x * x = x * x + 0 * x$, azaz minden valós x -re $0 * x = 0$. Ezt fölhasználva, (1)-ben továbbra is 0-nak tartva meg a z értékét, az x és y változók helyére pedig a tetszőleges u, v valós számokat írva

$$u * v = u * (v + 0) = (v * u) + (0 * u) = (v * u) + 0$$

$0 * u = 0$ miatt, tehát valóban $u * v = v * u$.

Megjegyzés. A kommutativitást (1) jobb oldalán alkalmazva, minden x, y, z valós számra

$$x * (y + z) = (x * y) + (x * z),$$

tehát a művelet az összeadásra nézve disztributív is. Ezekből még nem következik, hogy a $*$ művelet a szorzás, például ha minden x, y valós számra $x * y = 0$, akkor erre a műveletre teljesül (1).