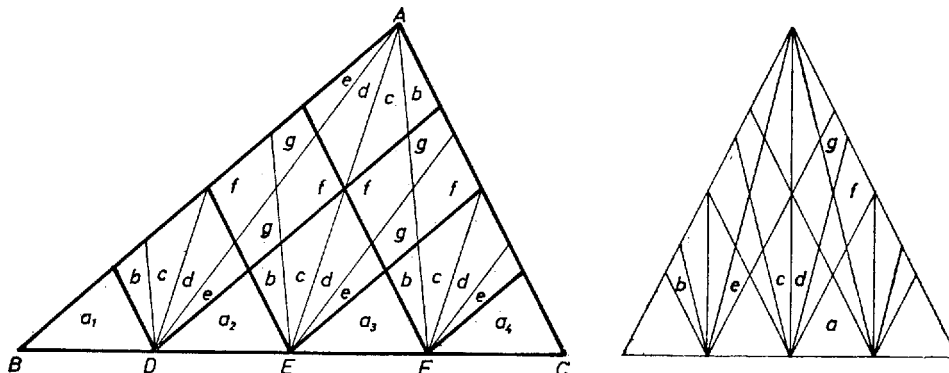


A D , E , F osztóponton át BA -val és CA -val húzott párhuzamosok a háromszöget 6 paralelogrammára és 4 háromszögre vágják szét, és ezek egymás közt nyilvánvalóan egybevágók. A rész-idomok közti centrális szimmetriák és eltolási lehetőségek figyelembevételével az is könnyen adódik, hogy a paralelogrammákat a további egyenesek 4–4 háromszögre, ill. négyszögre vágják szét, és a keletkezett 24 rész 4-esével egybevágó (az egybevágó részeket egyforma kis betűk jelölik), továbbá hogy általában két különböző betűvel jelölt rész nem egybevágó. A részek száma $7 \cdot 4 = 28$.



Azt, hogy 4–4 egybevágó részidom hányféleképpen cserélhető egymás között úgy, hogy egyik se maradjon eredeti helyén, elég az indexekkel megkülönböztetett a_1 , a_2 , a_3 , a_4 háromszögek esetében vizsgálni, hiszen ez a szám nyilvánvalóan ugyanaz lesz bármelyik másik egybevágó idomnégyes esetében. Sőt ezek helyett is elég csak az indexeket néznünk.

1	2	3	4
2	1	4	3
2	4	1	3
2	3	4	1

Az 1-es helyére a 2-est rögzítve, az 1-est pedig rendre a további számok helyére próbálva mindhárom esetben kapunk megfelelő átrendezést, de csak egyet-egyet; ugyanis a még betöltendő két hely közül legalább az egyik vagy a 3-asnak vagy a 4-esnek az eredeti helye, másrészt éppen ezeket a számokat kell még elhelyeznünk; mármint az eszerint figyelmet kívánó helyet (ill. egyiküket) megfelelően betöltve az utolsónak maradt helyre is egy másik helyről való szám jut.

Meggondolásunkat úgy ismételve, hogy az 1-es helyére a 3-ast, majd a 4-est tesszük, ismét 3–3 megfelelő átrendezést kapunk.

Eszerint bármelyik egybevágó idomnégyes tagjait egymás közt 9-féleképpen rendezhetjük át úgy, hogy egyikük se maradjon eredeti helyén. A 7 idomnégyesben e cseréket egymástól függetlenül végezhetjük, így az ábra megfelelő lefedéseinek keresett száma $9 \cdot 9 \cdot \dots \cdot 9 = 9^7 = 4782969$.

Turán György (Budapest, Fazekas M. Gyak. Gimn., II. o. t.)

Megjegyzések. 1. Egyenlő szárú háromszögből kiindulva a b és e , valamint a c és d jelű részek tükrösen egybevágók, hátukra fordítva helyettesíthetjük egymást, ekkor 8–8 és 4–4–4 rész cserélődhet egymás között. Általános meggondolás adja, hogy az 1, 2, ..., 8 számokat 14 833-féleképpen lehet úgy átrendezni, hogy egyikük sem maradjon eredeti helyén, ezért ábránkon az átrendezések száma $9^3 \cdot 14833^2$. (Nem vagyunk tekintettel arra, hogy az a , f és g tengelyesen szimmetrikus idomokra egy-egy velük egybevágó részidomot melyik oldalával felfelé helyezzünk rá.)

2. Meg lehet mutatni, hogy a részek között további egybevágóság nem léphet föl.