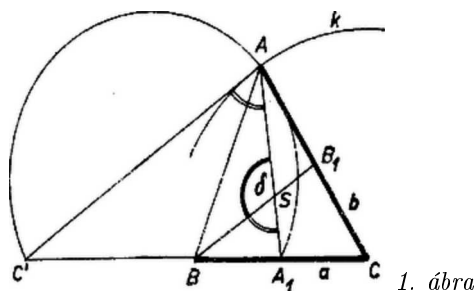


Legyen  $ABC$  a keresett háromszög,  $BC = a$  és  $CA = b$  az adott hosszúságú oldalak.  $S$  a súlypont és  $\angle ASB = \delta$  az adott szög.

A  $BC$  és  $AC$  oldal felezőpontját  $A_1$ -gyel és  $B_1$ -gyel jelölve a  $BA_1$  szakasznak  $S$ -ből vett látószöge  $180^\circ - \delta$ .  $A$ -ból  $BS$ -sel párhuzamosan húzva messe ez a  $BC$  egyenest  $C'$ -ben. Ekkor  $\angle C'AA_1 = 180^\circ - \delta$ , másrészt  $BB_1$  az  $ACC'$  háromszög középvonala, mert átmegy  $AC$  felezőpontján és párhuzamos  $AC'$ -vel. Így  $C'B = BC$  és  $A$  a  $C'A_1$  fölötti  $180^\circ - \delta$  szögű látószög köríven van.

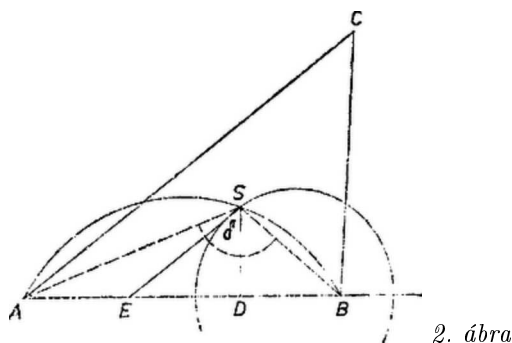


Ezek alapján a háromszög így szerkeszthető: Megszerkesztjük egy adott  $a$  hosszúságú  $BC$  szakasz  $A_1$  felezőpontját, valamint  $C$ -nek  $B$ -re vett  $C'$  tükörképét. A  $BC$  egyenes egyik partján az  $A_1C'$  szakasz fölé  $180^\circ - \delta$  nyílású  $i$  látószög-körívet szerkesztünk.  $C$  körül  $b$  sugarú  $k$  kört írunk. Ekkor  $i$  és  $k$  közös pontja az  $A$  csúcs.

Az  $ABC$  háromszög megfelel a feltételeknek, mert  $BC = a$ ,  $AC = b$  előírt hosszúságúak,  $AC$  felezőpontját  $B_1$ -gyel jelölve  $BB_1$  a  $CC'A$  háromszög középvonala, tehát  $BB_1 \parallel C'A$ , egyszermind az  $ABC$  háromszög  $B$ -ből kiinduló súlyvonala. Másrészt  $AA_1$  az  $A$ -ból kiinduló súlyvonal. Így  $\angle A_1SB = \angle A_1AC' = 180^\circ - \delta$ , és  $\angle ASB = \delta$  az előírt szög.

A megoldások száma vagy 2, vagy 1, vagy 0, az  $i$  és  $k$  közös pontjainak száma szerint. Ha  $\delta < 90^\circ$ , akkor  $180^\circ - \delta > 90^\circ$ , és  $i$  kisebb félkörnél, így legfeljebb 1 megoldás van.

Marton Gábor (Budapest, Bláthy O. erőszáramú ip. techn. I. o. t.)



*Megjegyzés.* A keresett háromszöghöz hasonló szerkeszthető a következő megfontolás alapján. Az  $S$ -ből  $BC$ -vel és  $AC$ -vel párhuzamosan húzott egyenesek messék  $AB$ -t  $D$ -ben és  $E$ -ben. Ezek az  $AB$  szakasz harmadoló pontjai, másrészt  $DS$  és  $ES$  a  $BC$  és  $AC$  oldal harmadával egyenlő, így az  $S$  pont  $D$ -től és  $E$ -től mért távolságainak aránya:  $BC/AC$  ismert. Ha tehát egy tetszés szerinti szakaszt 3 egyenlő részre osztunk és egyrészt  $\delta$  látószögű körívet rajzolunk fölé, másrészt a középső harmadához megrajzoljuk a  $BC/AC$  aránynak megfelelő Apollóniosz-kört, a kettő metszéspontjai felelnek meg súlypont gyanánt, amiből a keresett háromszöghöz hasonló, majd ennek oldalaira rámérve a  $BC$ ,  $AC$ , távolságot, a keresett háromszög már megszerkeszthető.