





**IV. megoldás.** (Vázlat.) Ha csak azt követeljük, hogy  $k$  érintse  $k_1$ -et (kívülről) és  $k_4$ -et (belülről), akkor  $A_1O + OB = A_1A + r + BA - r = 5AB/4$ , állandó. Ezért  $O$  csak azon az ellipszisen lehet, melynek fókuszai  $A_1$  és  $B$ , nagy tengelyének fele  $a = 5AB/8$ , középpontja az  $A_1B$  szakasz  $Q$  felezőpontja, lineáris excentricitása  $c = A_1B/2 = 3AB/8$ , és így kis tengelyének fele  $b = \sqrt{a^2 - c^2} = AB/2$ . (Nem foglalkozunk azzal, hogy ezen ellipszisnek mely pontjai jönnek szóba  $O$  gyanánt.) Ez az ellipszis affin képe a  $Q$  középpont körül  $a$  sugárral irt körnek abban a merőleges affinitásban,<sup>2</sup> melynek tengelye az  $AB$  egyenes és aránya  $b/a = 4/5$ . Ez a  $k_a$  kör megszerkeszthető.

Visszatérve feladatunkra, ezen ellipszisnek csak a  $CD$  félegyenesen levő pontját keressük, ez lesz  $O$ . Mivel pedig a  $CD$  egyenes a fenti affinitásban önmagának a képe (nem pontonként értve!), azért  $O$ -nak a körrendszerbeli megfelelője a  $k_a$ -nak  $CD$ -vel való  $O_a$  metszéspontja,  $O$ -t pedig a  $CO = 4 \cdot CO_a/5$  összefüggésből egyszerűen megszerkeszthetjük.

*Mészáros György* (Budapest, Piarista g. II. o. t.)

---

<sup>2</sup>Lásd pl. *Lőrincz Pál: Ábrázoló geometria*, Tankönyv a gimnáziumok IV. osztálya számára 3. kiadás. Tankönyvkiadó, Budapest, 1959. 20. és 40. o.