

**I. megoldás:**  $1958 = 22 \cdot 89$ , itt 22 és 89 relatív primek, elegendő tehát külön-külön a 22-vel és a 89-cel való oszthatóságot megmutatnunk.

Kifejezésünket  $N = (6363^n - 445^n) - 44^n$  alakban írva a zárójelbeli különbség osztható  $6363 - 445 = 5918 = 22 \cdot 219$ -cel, a második tag  $44 = 22 \cdot 2$ -vel, így  $N$  osztható 22-vel.

Más alakban  $N = (6363^n - 44^n) - 445^n$ , itt a különbség osztható  $6363 - 44 = 6319 = 71 \cdot 89$ -cel, a második tag  $445 = 5 \cdot 89$ -cel, így  $N$  osztható 89-cel. Evvel a bizonyítást befejeztük.

*Draskóczy Judit* (Bp. I., Szilágyi E. gyak. lg. I. o. t.)

**II. megoldás:** Vegyük észre, hogy  $6363 = 3 \cdot 1958 + 445 + 44$ . Így – nagy betűkkel mindvégig alkalmas természetes számokat jelölve –

$$\begin{aligned} N &= [3 \cdot 1958 + (445 + 44)]^n - 445^n - 44^n = \\ &= 1958A + [(445 + 44)^n - 445^n - 44^n] \end{aligned}$$

Az utóbbi szögletes zárójelben az első  $n$ -edik hatványt 445 és 44 hatványai szerint tagokra bontva minden megmaradó tagban szerepel 445 is és 44, is legalább az első hatványon, így minden tag osztható  $445 \cdot 44 = 5 \cdot 89 \cdot 2 \cdot 22 = 10 \cdot 1958$ -cal. Eszerint

$$N = 1958A + 1958 \cdot 10B = 1958(A + 10B) = 1958C,$$

ami bizonyítandó volt.

*Horváth Dénes* (Kisújszállás, Móricz Zs. g. II. o. t.)

*Megjegyzés:* Igazolhatjuk az állítást a teljes indukció módszerével is.

*Tardos Csilla* (Bp. XI., Kafka M. lg. II. o. t.)