

a) Egy-egy kísérletnél  $a$ ,  $b$ , és  $c$  lehetséges értékeinek száma  $V_9^3 = 9 \cdot 8 \cdot 7$ .

A két gyök egyenlő, ha a diszkrimináns 0, azaz  $b^2 = 4ac$ .  $b$  tehát csak páros szám lehet, és mivel  $a$ ,  $b$ ,  $c$  egymástól különböző számok, próbálgatással hamar megállapíthatjuk, hogy csak  $b = 6$ ,  $a = 1, 9$  és  $c = 9, 1$  felel meg.

A kedvező esetek száma tehát 2, és így annak valószínűsége, hogy egy kísérletnél a két gyök egyenlő

$$v_a = \frac{2}{9 \cdot 8 \cdot 7} = \frac{1}{252}.$$

Annak valószínűsége, hogy 10 kísérlet közül a 2 gyök egyszer sem egyenlő

$$(1 - v_0)^{10} = \left(\frac{251}{252}\right)^{10},$$

és így a keresett valószínűség

$$V_a = 1 - \left(\frac{251}{252}\right)^{10} \approx 0,039$$

b) Ismeretes, hogy a két gyök szorzata  $x_1 x_2 = \frac{c}{a}$ .

Véges számú tizedesjegyből álló tizedes törttel kifejezhetőek azok a törtszámok, amelyeknek nevezői 2-n és 5-ön kívül más törzstényezőt nem tartalmaznak.

Jelen esetben tehát csak az  $a = 2, 4, 5, 8$  értékek kerülnek számításba valamint (az egyszerűsítés lehetősége miatt) az  $a = 6$  érték, feltéve, hogy  $c = 3$ , ( $c < a$ ).

Mivel a feladat szerint  $c < a$ , azért a kedvező esetek:

$a = 2$	$c = 1$	(1 eset)
$a = 4$	$c = 1, 2, 3,$	(3 eset)
$a = 5$	$c = 1, 2, 3, 4,$	(4 eset)
$a = 8$	$c = 1, 2, \dots, 7,$	(7 eset)
$a = 6$	$c = 3$	(1 eset)

A kedvező esetek száma tehát ( $b$ -től függetlenül) 16. A lehetséges esetek száma pedig (ismét  $b$ -től függetlenül)  $V_9^2 = 9 \cdot 8$ , és így annak valószínűsége, hogy egy kísérlet esetén a feladat feltételei teljesüljenek

$$v_b = \frac{16}{9 \cdot 8} = \frac{2}{9}.$$

és, hogy 5 kísérlet közül pontosan egyszer teljesüljenek

$$V_b = \binom{5}{1} v_b (1 - v_b)^4 = 5 \cdot \frac{2}{9} \cdot \left(\frac{7}{9}\right)^4 = \frac{10 \cdot 7^4}{9^5} \approx 0,407.$$

*Zsombok Zoltán* (Bp., IV., Könyves Kálmán g. II. o. t.)