

**I. megoldás:** A jelölést az ábra mutatja. Az  $O_1BC_\Delta$ -ben a  $B\angle = 90^\circ - \frac{\beta}{2}$  és  $C\angle = 90^\circ - \frac{\gamma}{2}$ , mert a külső szögfelezők merőlegesek a belső szögfelezőkre.

Tehát

$$\alpha_1 + \left(90^\circ - \frac{\beta}{2}\right) + \left(90^\circ - \frac{\gamma}{2}\right) = 180^\circ,$$

amiből

$$\alpha_1 = \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} = 90^\circ - \frac{\alpha}{2};$$

vagyis

$$\alpha = 180^\circ - 2\alpha_1 = \beta_1 + \gamma_1 - \alpha_1$$

Hasonlóképpen

$$\beta = 180^\circ - 2\beta_1 = \alpha_1 + \gamma_1 - \beta_1$$

és

$$\gamma = 180^\circ - 2\gamma_1 = \alpha_1 + \beta_1 - \gamma_1$$

*Balaton Ferenc* (Bp. VII., Rákóczi közg. k. i. II. o. t.)

**II. megoldás:** Az  $OBO_1C$  húrnégyszög, mert a  $B\angle = C\angle = 90^\circ$ .

A  $BOC_\Delta$ -ből  $O\angle = 180^\circ - \frac{\beta}{2} - \frac{\gamma}{2}$ , a húrnégyszögből pedig  $O\angle = 180^\circ - \alpha_1$ ,

Tehát  $\alpha_1 = \frac{\beta}{2} + \frac{\gamma}{2} = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$  stb., mint az I. megoldásban.

*Biczó Géza* (Bp. II., Rákóczi g. I. o. t.)

*Megjegyzés:* Mivel az eredeti  $ABC$  háromszög belső szögfelezői egyszerre mind a külső szögfelezők alkotta  $O_1O_2O_3$  háromszög magasságvonalai, azért feladatunk így is fogalmazható: Valamely háromszög szögei adottak, mekkorák a talpponti háromszög szögei?