Nyilván elég azt belátni, hogy ha $1 \leqq k \leqq \frac{n}{2} - 1$, akkor $A_k \geqq A_{k+1}$, mert ebből a feladat állítása már következik. Beszorzással azt kapjuk, hogy

$$A_k = a_1^n + a_2^n + \cdots + a_n^n + (a_1^k a_2^{n-k} + a_2^k a_1^{n-k}) + (a_1^k a_3^{n-k} + a_3^k a_1^{n-k}) + \ldots$$

$$+(a_1^k a^{n-k} + a_n^k a_1^{n-k}) + (a_2^k a_3^{n-k} + a_3^k a_2^{n-k}) + \cdots + \cdots + (a_{n-1}^k a_n^{n-k} + a_n^k a_{n-1}^{n-k}) =$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_i^n + \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1+1}^{n} (a_i^k a_j^{n-k} + a_j^k a_i^{n-k}).$$

Belátjuk, hogy ha $1 \leqq k \leqq \frac{n}{2} - 1$, akkor

$$a_i^k a_j^{n-k} + a_j^k a_i^{n-k} \geqq a_i^{k+1} a_j^{n-k-1} + a_j^{k+1} a_i^{n-k-1}, \tag{1}$$

és egyenlőség csak $a_i = a_j$ esetén áll. Rendezzük a bizonyítani kívánt egyenlőséget:

$$(a_i^k a_j^{n-k-1} - a_j^k a_i^{n-k-1})(a_j - a_i) \ \geqq \ 0.$$

Itt $k < n - k - 1$, hiszen $k \leqq \frac{n}{2} - 1$; tehát az első tényezőből kiemelhető $a_i^k a_j^k$:

$$a_i^k a_j^k (a_j^{n-2k-1} - a_i^{n-2k-1})(a_j - a_i) \geqq 0.$$

Most $n - 2k - 1 > 0$ miatt az utolsó két tényező egyenlő előjelű, és $a_i a_j > 0$, ezért az egyenlőtlenség valóban igaz, és csak $a_i = a_j$ esetén van egyenlőség. Ha a bizonyított (1) egyenlőséget minden $1 \leqq i \leqq j \leqq n$-re összeadjuk, és $\sum_{i-1}^{n} a_i^n$-t hozzáadunk, éppen a bizonyítandó $A_k \geqq A_{k+1}$ egyenlőtlenséghez jutunk. Egyenlőség pontosan $a_1 = a_2 = \ldots = a_n$ esetén (ill. a feladatban $k = j$ esetén is) áll.

Miklós György (Bp., I. István Gimn., III. o. t)