

Emeljük ki az  $y$ -t a bal oldalon álló kifejezés első két tagjából:

$$y(10x + 17z) + 27xz = n.$$

$x$ -nek és  $z$ -nek válasszunk olyan egész értékeket, hogy  $10x + 17z = 1$  legyen, pl.  $x = -5$ ,  $z = 3$  megfelelő értékpár. E választás mellett (1) a következő alakot ölti:

$$y - 405 = n.$$

Ez nyilván teljesül, ha  $y = n + 405$ .

Ha  $n$  egész szám, akkor  $y$  is egész. Az (1) egyenletnek tehát valóban minden  $n$  egész számra van egész  $x$ ,  $y$ ,  $z$  megoldása.

*Kókai László* (Csongrád, Batsányi J. Gimn., IV. o. t.)

*Megjegyzés.* A feladat megoldása azon múlt, hogy találtunk olyan  $x$  és  $z$  számokat, amelyekre  $10x + 17z = 1$  teljesül. Általában tetszőleges  $a_1, a_2, \dots, a_k$  és  $b$  egész számok mellett kérdezhetjük, van-e egészekből álló megoldása az  $a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_kx_k = b$  egyenletnek. Igazolható, hogy akkor és csak akkor van ilyen megoldás, ha az  $a_1, \dots, a_k$  számok legnagyobb közös osztója  $b$ -nek is osztója.