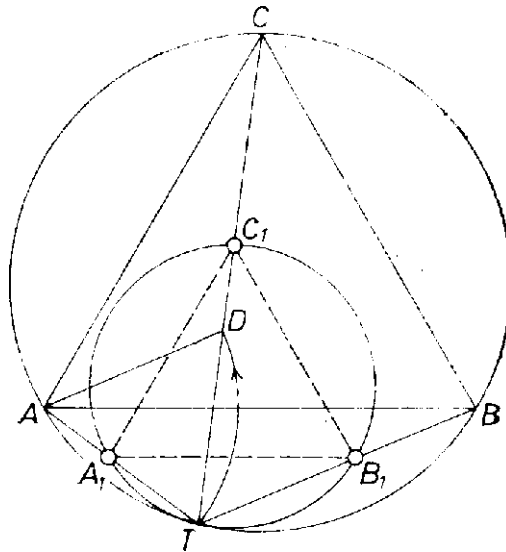


Jelöljük a két kör érintési pontját  $T$ -vel, a háromszög csúcsait  $A, B, C$ -vel, a körök sugarát  $R$ -rel,  $r$ -rel ( $R > r$ ). A  $T$ -beli érintkezés miatt a kisebbik kör a nagyobbiktól  $T$  centrumú,  $r/R$  arányú hasonlósággal kapható. Vigye ez a hasonlóság az  $A, B, C$  pontokat, az  $A_1, B_1, C_1$  pontokba, ezek rendre a  $TA, TB, TC$  egyeneseknek a kisebbik körrel alkotott második metszéspontjai. (Szokás szerint egy kör két pontja által meghatározott egyenesen a pontok azonossága esetén az érintőt értjük.)



Így tehát a mondott érintők  $a, b, c$  hosszára rendre

$$a^2 = TA \cdot AA_1 = TA(TA - TA_1) = \left(1 - \frac{r}{R}\right)TA^2,$$

$$b^2 = TB \cdot BB_1 = \left(1 - \frac{r}{R}\right)TB^2,$$

$$c^2 = TC \cdot CC_1 = \left(1 - \frac{r}{R}\right)TC^2$$

teljesül. Emiatt elég megmutatnunk, hogy a feladat állítása az  $a, b, c$  szakaszok helyett a  $TA, TB, TC$  szakaszokra igaz.

Ez viszont közismerten következik abból, hogy ha pl.  $T$  az  $AB$  íven van, akkor  $A$  körüli  $60^\circ$ -os forgatással a  $TB$  szakasz abba a  $DC$  szakaszba megy át, melyre  $ADT$  szabályos háromszög, és  $D$  a  $CT$  szakaszon van. Emiatt  $CT = CD + DT = BT + AT$ , amint azt bizonyítani akartuk. (Ha  $T$  azonos  $A$ -val, állításunk nyilvánvaló.)