

**I. megoldás.** A szokásos jelöléseket használjuk. Legyen továbbá a  $C$  csúc vetülete az  $AB$  egyenesre  $C_1$ , tehát a keresett magasság:  $m_c = CC_1$ . Feltehetjük, hogy  $\alpha \leq \beta$ , így  $\alpha$  biztosan hegyes szög. Az  $ACC_1$  derékszögű háromszögből

$$m_c = AC \sin \alpha = b \sin \alpha.$$

Másrészt a szinusz-tételt az itt használt  $b$  és az adott  $c$  oldalra alkalmazva

$$b = c \frac{\sin \beta}{\sin \gamma}, \quad \text{és így (1)} \quad m_c = \frac{c \sin \alpha \sin \beta}{\sin \gamma}.$$

*Bod Katalin* (Miskolc, Herman O. lg. III. o. t.)

**II. megoldás.** Ha  $\alpha \leq \beta < 90^\circ$ , akkor  $C_1$  az  $AB$  oldalszakasz belsejében fekszik, tehát  $AB = AC_1 + C_1B$ . Az  $ACC_1$  és  $BCC_1$  derékszögű háromszögekből  $AC_1 = CC_1 \operatorname{ctg} \alpha = m_c \operatorname{ctg} \alpha$ , ill.  $BC_1 = m_c \operatorname{ctg} \beta$ , és ezeket az előbbi egyenlőségbe helyettesítve, majd azt  $m_c$ -re megoldva

$$(2) \quad m_c = \frac{c}{\operatorname{ctg} \alpha + \operatorname{ctg} \beta}.$$

Ha pedig  $\beta > 90^\circ$ , akkor  $C_1$  az  $AB$  oldalszakasz  $B$ -n túli meghosszabbításán van,  $AB = AC_1 - BC_1$  és a  $BCC_1$  derékszögű háromszög  $B$ -nél levő  $\beta'$  szögére fennáll  $\beta' = 180 - \beta$ . Így  $BC_1 = m_c \operatorname{ctg} \beta' = m_c \operatorname{ctg} (180^\circ - \beta) = -m_c \operatorname{ctg} \beta$ . Ezt az előbbi egyenlőségbe helyettesítve ismét (2)-t kapjuk. Végül  $\beta = 90^\circ$  esetén egyrészt  $C_1 \equiv B$ ,  $AB = AC_1$ , másrészt  $\operatorname{ctg} \beta = 0$ , eszerint (2) ekkor is érvényes.

*Simenszky Csilla* (Makó, József A. g. III. o. t.)

*Megjegyzés.* A (2) kifejezés átalakítható (1)-be:

$$m_c = \frac{c}{\frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} + \frac{\cos \beta}{\sin \beta}} = \frac{c \sin \alpha \sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)} = \frac{c \sin \alpha \sin \beta}{\sin \gamma}.$$