

(1)-et köbre emelve

$$(4) \quad (x+y+z)^3 = x^3 + y^3 + z^3 + 6xyz + 3(xy^2 + x^2y + xz^2 + x^2z + yz^2 + y^2z) = a^3$$

(1) és (2) szorzata

$$(5) \quad \begin{aligned} & (x+y+z)(x^2+y^2+z^2) = \\ & = x^3 + y^3 + z^3 + (xy^2 + x^2y + xz^2 + x^2z + yz^2 + y^2z) = ab^2. \end{aligned}$$

(5) 3-szorosát (4)-ből kivonva és $x^3 + y^3 + z^3$ helyébe (3) alapján c^3 -t írva

$$-2c^3 + 6xyz = a^3 - 3ab^2,$$

amiből

$$xyz = \frac{a^3 - 3ab^2 + 2c^3}{6}$$

Kovács László (Debrecen, Ref. g. III. o. t.)