

Világos, hogy $1,01$ minden hatványa nagyobb 1 -nél, mert már az első hatványa nagyobb 1 -nél és minden hatványa ($1,01$ -szer) nagyobb a megelőzőnél. De ha egy 1 -nél nagyobb számot szorzunk $1,01$ -dal, többel növekszik, mint $0,01$ -dal. Tehát $1,01$ minden hatványa több mint $0,01$ -dal nagyobb a megelőzőnél. Első hatványa $0,01$ -dal nagyobb, mint 1 ; tehát második hatványa több, mint $2 \cdot 0,01$ -dal, harmadik hatványa több mint $3 \cdot 0,01$ -dal nagyobb 1 -nél. Ennélfogva $99,999.900$ -adik hatványa több, mint $99,999.900 \cdot 0,01$ -dal, azaz $999,999$ -del nagyobb 1 -nél, azaz nagyobb, mint $1,000.000$. Ugyanígy látható be, hogy $1,001$ minden hatványa több, mint $0,001$ -del nagyobb a megelőzőnél, ennél fogva $999,999.000$ -adik hatványa nagyobb $1,000.000$ -nál. $1,000.001$ -nek pedig minden hatványa több, mint $0,000001$ -del nagyobb a megelőzőnél, tehát $999,999.000.000$ -odik hatványa biztosan nagyobb $1,000.000$ -nál.