

Az a, b, c, d valós számok olyanok, hogy $a \geq b \geq c \geq d > 0$ és $a + b + c + d = 1$. Bizonyítsuk be, hogy

$$(a + 2b + 3c + 4d)a^a b^b c^c d^d < 1.$$