

Legyen az  $ABC$  háromszög  $BC$  oldalának  $B$ -hez közelebbi harmadolópontja  $A_1$ , a  $C$ -hez közelebbi harmadolópontja  $A_2$ , a  $CA$  oldal  $C$ -hez közelebbi harmadolópontja  $B_1$ , az  $A$ -hoz közelebbi harmadolópontja  $B_2$ , végül az  $AB$  oldal  $A$ -hoz közelebbi harmadolópontja  $C_1$ , a  $B$ -hez közelebbi harmadolópontja  $C_2$ . Bizonyítsuk be, hogy az  $A_1B_1C_1$  és  $B_2C_2A_2$  háromszögek egybevágók és területük az  $ABC$  háromszög területének harmadával egyenlő.