

Legyen $n \geq 3$ egész szám és α tetszőleges valós szám. Bizonyítsuk be, hogy

$$\sum_{k=0}^{n-1} \cos^2 \left(\alpha + \frac{2k\pi}{n} \right) = \frac{n}{2}.$$