

Legyen $c \geq 3$ egész szám, és definiáljuk az a_1, a_2, \dots sorozatot a következő rekurzióval:

$$a_1 = c^2 - 1, \quad a_{n+1} = a_n^3 - 3a_n^2 + 3 \quad (n = 1, 2, \dots).$$

Mutassuk meg, hogy bármely $n \geq 2$ egészre az a_n számnak van olyan prímosztója, amely nem osztja a_1, \dots, a_{n-1} egyikét sem.