

Bizonyítsuk be, hogy az

$$a_1 = 1,$$
$$a_n = \frac{4a_{n-1} + \sqrt{7a_{n-1}^2 - 3}}{3}; \quad n \geq 2$$

sorozat minden eleme racionális.