

Legyen a \mathcal{K} kör egy átmérője OI . Konstruáljunk kölcsönösen egyértelmű $f: \mathcal{K} \setminus \{O, I\} \rightarrow \mathbb{R} \setminus \{0\}$ megfeleltetést a következő tulajdonsággal: \mathcal{K} bármely négy, O -tól, I -tól és egymástól is különböző A, B, C, D pontjára $f(A)f(B) = f(C)f(D)$ akkor és csak akkor teljesül, ha az AB, CD és OI egyenesek egy ponton mennek át, vagy pedig párhuzamosak egymással.