

Az  $A_1, A_2, A_3, A_4, B_1, B_2, B_3, B_4$  pontok, ebben a sorrendben, egy parabolán vannak. Minden  $(i, j)$  pár esetén, amelyre  $1 \leq i, j \leq 4$  és  $i \neq j$ , jelölje  $r_{ij}$  azt az arányt, amelyben az  $A_j B_j$  egyenes kettéosztja az  $A_i B_i$  szakaszt. (Ha tehát  $A_i B_i$  és  $A_j B_j$  metszéspontja  $X$ , akkor  $r_{ij} = \frac{A_i X}{X B_i}$ .) Mutassuk meg, hogy ha az  $r_{12} \cdot r_{21} \cdot r_{34} \cdot r_{43}$ ,  $r_{13} \cdot r_{31} \cdot r_{24} \cdot r_{42}$  és  $r_{14} \cdot r_{41} \cdot r_{23} \cdot r_{32}$  számok közül közül valamelyik kettő megegyezik, akkor a harmadik is egyenlő velük.