

Adott a síkon egy k kör és k egy AB húrja, valamint az AB szakasz négy további belső pontja: C , D , E és F . Rajzoljuk meg a C ponton át a k kör egy tetszőleges X_1X_2 húrját, a D ponton keresztül az Y_1Y_2 húrát, a E ponton keresztül az U_1U_2 húrát, végül a F ponton keresztül a V_1V_2 húrát úgy, hogy X_1 , Y_1 , U_1 és V_1 az AB egyenesnek ugyanazon az oldalán legyenek, és

$$\frac{AX_1 \cdot BX_2}{X_1X_2} = \frac{AY_1 \cdot BY_2}{Y_1Y_2} = \frac{AU_1 \cdot BU_2}{U_1U_2} = \frac{AV_1 \cdot BV_2}{V_1V_2}$$

teljesüljön. Legyen az X_1X_2 és Y_1Y_2 egyenesek metszéspontja Z , az U_1U_2 és V_1V_2 egyenesek metszéspontja pedig W . Mutassuk meg, hogy az ilyen módon kapható ZW egyenesek egy ponton mennek át, vagy pedig párhuzamosak egymással.