

Legyen $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ egy olyan függvény, amelyre teljesül az

$$f(x+y) \leq yf(x) + f(f(x))$$

feltétel minden x, y valós számra. Bizonyítsuk be, hogy minden $x \leq 0$ esetén teljesül $f(x) = 0$.