

Nevezünk egy $A \subset \mathbb{Z}$ halmazt *érdekesnek*, ha $2y - x \in A$ minden olyan $x, y \in A$ pár esetén, amire $x < y$. Legyenek $a_1 < a_2 < \dots < a_k$ olyan pozitív egészek ($k \geq 2$), amelyek legnagyobb közös osztója 1. Bizonyítsuk be, hogy ha A érdekes halmaz, és $\{0, a_1, \dots, a_k\} \subset A$, akkor $a_1 + a_k - 3 \in A$.