

Legyen f a pozitív valós számok halmazán értelmezett olyan valós értékű függvény, amelyre

$$f(\sqrt{xy}) = f\left(\frac{x+y}{2}\right)$$

teljesül minden $x, y > 0$ értékre. Bizonyítsuk be, hogy f konstans.