

Legyen $m \geq 3$ egész szám, és legyen $\Phi_m(x)$ az m -edik körosztási polinom, továbbá legyen $\Psi_m(x)$ az az egész együtthatós polinom, amelyre

$$x^{\varphi(m)/2} \Psi_m \left(x + \frac{1}{x} \right) = \Phi_m(x).$$

Igazoljuk, hogy tetszőleges a egész számra a $\Psi_m(a)$ szám minden prímosztója vagy osztója m -nek, vagy pedig $mk \pm 1$ alakú.

(A körosztási polinomokról és a Ψ_m polinomról bővebben olvashatunk Keith Kearnes, Kiss Emil és Szendrei Ágnes *Gauss egészek és Dirichlet tétele* c. cikkében, a KöMaL 2010. márciusi és áprilisi számaiban.)