

Legyen H egy halmaz, és $P(H)$ a H részhalmazainak halmaza. Tegyük fel, hogy f és g olyan $P(H) \rightarrow P(H)$ függvények, amelyekre tetszőleges $X \subset Y \subset H$ halmazok esetén $f(X) \subset f(Y) \subset H$ és $g(X) \subset g(Y) \subset H$. Bizonyítsuk be, hogy léteznek olyan $A, B \subset H$ halmazok, amikre $f(A) = H \setminus B$ és $g(B) = H \setminus A$.