

Legyenek $a_1 < a_2 < \dots < a_n$ és $b_1 < b_2 < \dots < b_n$ valós számok. Mutassuk meg, hogy

$$\det \begin{pmatrix} e^{a_1 b_1} & e^{a_1 b_2} & \dots & e^{a_1 b_n} \\ e^{a_2 b_1} & e^{a_2 b_2} & \dots & e^{a_2 b_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ e^{a_n b_1} & e^{a_n b_2} & \dots & e^{a_n b_n} \end{pmatrix} > 0.$$