

Bizonyítsuk be, hogy a pozitív  $x, y$  számokra teljesül az

$$\frac{x^2 + xy + y^2}{3} \leq \frac{x + y}{2} \cdot \sqrt{\frac{x^2 + y^2}{2}}$$

egyenlőtlenség.