

Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ függvény kielégíti az

$$f(x + f(y)) + f(f(x) + y) = 2x + 2y$$

függvényegyenletet. Bizonyítsuk be, hogy minden x valós számra $f(2x) = 2f(x)$.