

Az a, b, c pozitív valós számokra $ab + bc + ca = \frac{1}{3}$. Bizonyítsuk be, hogy

$$\frac{a}{a^2 - bc + 1} + \frac{b}{b^2 - ca + 1} + \frac{c}{c^2 - ab + 1} \geq \frac{1}{a + b + c}.$$