

Mutassuk meg, hogy az

$$1^{2006} - 2^{2006} + 3^{2006} - 4^{2006} + \dots - 2004^{2006} + 2005^{2006}$$

szám osztható 1003-mal. Osztható-e 2006-tal is?