

Az ABC háromszög beírt körének középpontja O . Az AO , BO , CO szakaszok O -n túli meghosszabbításai a körülírt kört rendre az A_1 , B_1 , C_1 pontokban metszik. Mutassuk meg, hogy az $A_1B_1C_1$ háromszög területe

$$\frac{R^2}{2}(\sin \alpha + \sin \beta + \sin \gamma),$$

ahol R a körülírt kör sugara, α , β , γ pedig az eredeti ABC háromszög szögei.