

Létezik-e olyan $f: \mathbb{Q} \rightarrow \{-1, 1\}$ függvény, amelyre $f(x) = -f(y)$, valahányszor x és y különböző racionális számok, és $xy = 1$ vagy $x + y \in \{0, 1\}$?