

Az $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ monoton függvényre és $c_1, c_2 > 0$ konstansokra teljesül, hogy

$$f(x) + f(y) - c_1 \leq f(x + y) \leq f(x) + f(y) + c_2$$

minden x, y valós számra. Mutassuk meg, hogy létezik olyan k szám, melyre $f(x) - kx$ korlátos függvény.