

Legyen $k(n)$ az n legnagyobb páratlan osztója és

$$f(n) = \sum_{i=1}^n k(i).$$

Bizonyítsuk be, hogy $f(2n) - f(n) = n^2$.