

Legyen  $f$  a véges  $S$  halmaz részhalmazain értelmezett függvény. Igazoljuk, hogy ha  $S$  tetszőleges  $A, B$  részhalmazaira

$$f(S \setminus A) = f(A) \quad \text{és} \quad \max(f(A), f(B)) \geq f(A \cup B),$$

akkor  $f$  legfeljebb  $|S|$  különböző értéket vesz fel.