

Bizonyítsuk be, hogy ha $0 < x < \frac{\pi}{2^{k+1}}$, akkor

$$\frac{1}{\sin 2x} + \frac{1}{\sin 4x} + \cdots + \frac{1}{\sin 2^k x} < \operatorname{ctg} x.$$